大気微粒子一特に非球形粒子一による光散乱特性の研究*

——学会賞受賞記念講演——

浅野正二**

この度,思いがけずも学会賞をいただきまして,大変 ありがたく光栄に存じております.一方,多少気恥しい 感がないでもありません.と申しますのは,今回受賞の 対象となった研究テーマは,「非球形大気微粒子の光散 乱特性の研究」というものですが,これまでに実際やっ たことと言えば,均質回転楕円体による光散乱に対する 準解析的な厳密解を求め,それに基づいて計算を幾つか やってみただけで,実際の大気中の多種多様な粒子に対 する応用は,まだ手付かずの状態です.従って,気象学 へ貢献しているという意識が薄かったからです.

粒子による散乱は、水蒸気や炭酸ガス等による気体吸 収と並んで、大気中における放射伝達の素過程の1つで す.また、散乱光の測定は、散乱粒子のサイズ・屈折率 などの物理的性質を推定するのに大変有効な手段として 多くの分野で利用されております.それは、対象が遠く 直接測定が難しかったり、散乱光が唯一の情報源であっ たり、または、散乱粒子の状態に影響を及ぼすことなく 測定しようとする場合に特に有効です.個々の散乱粒子 の散乱特性に関する知識が、これらの基礎になります. 今回気象学会が、素過程の基礎的研究にも目を向けて下 されたことは、同じく基礎的な問題に取り組んでおられ る多くの方々への激励もあろうかと、心から感謝いたし ます.

さて,これから細かい話で恐縮ですが,非球形粒子 の,実際には回転楕円体形粒子の光散乱の振舞が,球形 粒子の場合とどのように異なるかを中心にして,それの 気象学的意味について話してみたいと思います.

この研究に入った動機は, 氷晶雲の光学的性質の問題 にあります.東北大学大学院に入って,昨年2月惜しくも

- * Light scattering properties of nonspherical particles in the atmosphere.
- ** Shoji Asano, 気象研究所高層物理研究部.
- 1981年11月

逝去された山本義一先生より与えられた研究テーマが, 「層状雲の放射伝達特性の評価」でした. 山本先生・田 中正之先生の御指導のもとに,水雲の赤外熱放射,次い で太陽放射の伝達特性を評価する仕事が一段落した時, 次に問題となったのは氷晶雲でした. 当時(1970年代前 半),氷晶による光散乱の様相が,球粒子のそれとかな り異なることを示す室内測定が出始めておりましたが, 有限サイズの非球形粒子による光散乱の厳密解は皆無で した.

非球形粒子による散乱問題に立入る前に、光散乱の一 般的性質について触れておきたいと思います。「光散乱」 とは,入射電磁波から幾分かのエネルギーを取り去り, それを散乱粒子を中心とした全立体角にわたって再配分 する過程を言い、これは散乱粒子とその周囲の媒質との 間に屈折率の不連続がある場合に起ります。散乱粒子が 吸収性を有する場合には,同時に吸収を伴い,吸収され たエネルギーは熱エネルギーとなります。第1表は、大 気中の光学現象とそれに関与する大気微粒子について, 別の機会(浅野,1979)に話した際用いたものですが、 光散乱は粒子そのものの大きさではなく、入射光の波長 に対する相対的大きさに関係します。この相対的大きさ をサイズ・パラメータと呼び、球粒子に対しては(円 周/波長)で定義します.下の欄に,球粒子に対する散 乱タイプを載せてあります。周知のように、均質な球粒 子による光散乱の 厳密解は、 Mie 理論と呼ばれ、 原理 的には任意のサイズの球粒子に適用可能です。 一方,分 子による散乱は、 Rayleigh 卿により解かれ、 空の青色 は空気分子による、いわゆる Rayleigh 散乱の結果とし て説明されました。この Rayleigh 散乱, 及びそれを拡 張した考え方は、分子だけでなく、サイズ・パラメータ x≤0.1 の小さな粒子に適用することが出来ます。他方, x≫1の大きな粒子に対しては、光は光線として扱える ようになります. そして, 粒子の境界での幾何光学則に



第1表 大気微粒子と大気光学現象.

基づく ray tracing が有効になってきます. サイズ・パ ラメータが小さい場合にしても,非常に大きい場合にし ても,近似解が使える場合には,一般に Mie の厳密解 を計算するより容易ですが,これらの間の領域,つま り,波長と同程度か少し大きい粒子に対しては,光は干 渉や回折など波としての性質を端的に表わすため,近似 解を得るにも難しく,この領域の散乱を適確に記述する には厳密解(Mie 理論)しかありません.

事情は、非球形粒子の場合も同様です. 厳密解を求め るなら、簡単な形の方が取り付き易いので、球に次いで 幾何学的に単純な回転楕円体を選んでみました. 回転楕 円体は、楕円をその長軸、又は短軸の回りに回転するこ とにより得られる立体で、それぞれ prolate spheroid (偏長円)、又は oblate spheroid (偏平円) と呼ばれま す(第1図). 幸いこれは、長軸と短軸の比 a/b を変え ることにより、葉巻き形から球形を経て、パンケーキ形 までの多様な形を取り得ます. 解は、Mie 理論の場合 と同様に波動方程式を変数分離法で解いて得ましたが、 用いた関数は回転楕円体波動関数と呼ばれるものです (Asano and Yamamoto, 1975). その結果、回転楕円体 による散乱を記述するには、球の場合に必要なサイズ・ パラメータと複案屈折率以外に、更に2つのパラメータ が必要となります. 形を規定するパラメータ (a/b) と、 回転楕円体の入射光に対する方位 (orientation)を表わ すパラメータとです. 方位は、入射光の進行方向が回転 軸と成す角 (入射角) 5 で表わすことにします. 更に、 散乱電磁場の方位角 (azimuth angle) ø 依存性が、球 の場合よりも複雑になります.

この解をもとに、個々の回転楕円体の散乱特性に対す る形及び方位の影響を調べてみました(Asano, 1979). 第2図は、全散乱能(scattering efficiency factor) Qsea が、光の入射方向、即ち、方位によって、どう変るかを 示したものです。全散乱能とは、散乱断面積をそれぞれ の入射方向での粒子の射影断面積で割った値で定義し、

N天気/ 28.11.



第1図 球による散乱と回転楕円体による散乱.

散乱されたエネルギーが、射影断面積に入射するエネル ギーの何倍になるかを表わします. prolate spheroid と, oblate spheroid とでは、入射角変化に対する Qsca の振舞が逆になっております. どちらの場合も、射影断 面積が最小になるような入射の場合に(即ち, prolate spheroid に対しては ζ→0°, oblate spheroid に対して は ζ→90°), Qsca の曲線は滑らかで高い極値をとり, その振動周期は短くなっております。回転軸に対して斜 めに入射する場合((キ0)には、対称性が無くなります ので、入射光の偏光状態により散乱断面積が異なってき ます. ここでは、入射面に垂直(TE モード)及び平行 (TM モード)な直線偏光をとりました。2つの偏光に 対する差は、比較的小さいサイズで顕著です。この性質 は、雨や雪を通してのマイクロ波通信での"differential attenuation"の問題に関連します。更には、星間/星雲 ダストによる散乱光の偏光に関係しますが、詳しいこと は省きます.

次いで,室内実験結果との比較や,大気微粒子による 散乱への応用を目的として,3次元空間でランダムに方 位した回転楕円体粒子の集合体に対する散乱特性を調べ ました (Asano and Sato, 1980).まずは,散乱角につ いて積分した積分散乱量ですが,これらは均質な散乱層 の放射伝達特性を近似的に規定する量です.第3図は, 吸収の無い場合の消散断面積(この場合,散乱断面積に 等しい)を,同体積の球粒子のそれと比較したもので





第2図 回転楕円体粒子の全散乱能(scattering efficiency factor). 横軸は サイズ・パラメー タ $2\pi a/\lambda$. 入射光 の 電気ベクトルが入射 面(入射光の進行方向と回転軸を含む面で 定義) に垂直な 直線 偏 光(TE モード偏 光:実線)と, 平行な 直線偏光(TM モ ード偏光:破線)とが,入射角 $\zeta=0^{\circ}$ (回 転軸に平行な入射), 45°及び 90°で入射す る場合について示す.

> 上段:軸比 a/b=5, 屈折率 $m=1.50 \circ$ prolate spheroids, 下段:a/b=3, m=1.33 \circ oblate spheroids に対する計算値.

す. サイズが小さい場合には、消散断面積は粒子の形に あまりよらず、ほぼ体積に比例して増加していますが、 $2\pi r_V/\lambda > 6$ に対しては、球形からのずれが大きい、即ち a/bが大きい回転楕円体ほど、同体積の球粒子に比べ て、消散断面積が大きくなる傾向にあることが分りま す. 同様のことが、散乱光強度の角度分布の非等方性を 表わす asymmetry factor についても言えます(第4 図). この量は、Rayleigh 散乱のように前方と後方とに 等しい強さで散乱する場合にゼロで、前方により強く散

1981年11月



第3図 ランダム方位した回転楕円体粒子の集合体 の平均消散断面積を,同体積の球粒子の幾 何学的断面積で規格化した値. 横軸は同体 積の球粒子に対するサイズ・パラメータ. 屈折率 m=1.33,軸比 a/b=2,3 及び5 の場合.球粒子(a/b=1)に対する値は, それぞれのサイズを中心とした狭い粒径分 布についての平均値で, Mie 理論により 計算された.

乱するほど1に近い値を取ります。特に,偏平な粒子の 場合球に比べて著しく大きな値で,前方に非常に強く散 乱することが予想されます。

より大きな消散断面積は、散乱層のより大きな光学的 厚さをもたらし、それは一般には、その層の反射率をよ り大きくする方向に働きます。他方、大きなasymmetry factor は、強い前方散乱を意味しますので、それはより 大きな透過率をもたらす方向に働きます。ランダム方位 した回転楕円体粒子に対して得られた前の結果は、放射 伝達特性に対し競合する2つの方向を示嗟しておりま す。仮想的な氷晶雲モデルに対する反射率・透過率を Two-stream 近似計算法により概算した一例を、第5図 に示しました。回転楕円体粒子の雲に対しては、球粒子 仮定で計算した場合よりも、反射率が小さくなっており ます。特に、偏平な粒子の場合には、その大きな asymmetry factor の効果の方が卓越し、その結果透過率がか



第4図 ランダム方位した回転楕円体粒子の集合体 に対する平均の asymmetry factor. その他 は第3図と同じ。

なり大きくなっております. この計算に用いた粒子のサ イズは,現実の氷晶に比べて小さすぎるので,この結果 を直ちに実際の氷晶雲に適用出来ませんが,氷晶雲の太 陽光透過率は,球粒子近似で推定した場合よりも,実際 には大きい可能性があることを示嗟しております.

吸収がある場合には,single scattering albedo も関係 してきますので、放射伝達に対するそれぞれの寄与は、 もっと複雑になってきます. single scattering albedo は、 散乱断面積を 消散断面積で 割った値で 定義します が、これは1回の散乱過程により消散されたエネルギー のうち、どれだけが散乱光のエネルギーとして生き残る かを示す重要な量です。第6図に、吸収がある場合の、 a/b=5 の回転楕円体粒子の吸収断面積, 散乱断面積及 びそれ等の和である消散断面積を、同体積の球粒子に対 するものと比べて示してあります。吸収が比較的弱いせ いもあり、吸収断面積は形にほとんどよらず、サイズが 大きくなるにつれ増大しておりますが、散乱断面積の方 は、大きなサイズで球粒子の場合よりかなり大きくなっ ています、その結果、消散断面積も大きくなっておりま す. このことは、大きなサイズに対しては、single scattering albedo が、同体積の球粒子のそれよりも大きく なることを意味します.

次に、散乱角に依存する微分散乱量ですが、光の偏光

▶天気// 28. 11.



第5図 ランダム方位した回転楕円体粒子からなる 仮想雲の, 波長 $\lambda=1 \mu m$ での太陽光の反 射率及び透過率. 横軸は対数目盛で与えた 雲の幾何学的厚さ(単位 m). 粒子 密度 N=100 cm⁻³, 太陽 天 頂角 $\theta_0=60^\circ$ の場 合.上段:軸比 a/b=5 の oblate spheroid 粒子雲.下段:a/b=3 の prolate spheroid 粒子雲.それぞれの雲モデルに対し, 回転 楕円体粒子と等しい体積(半径 r_V)及び 表面積(半径 r_G)をもつ 球粒子雲に対す る値を,それぞれ破線及び鎖線で示す.

状態を記述するに必要な4個のパラメータの変換マトリ ックス(散乱マトリックス)の全要素の振舞を調べまし た.光の偏光状態は、4個のパラメータで完全に記述で きます.ここでは、いわゆる Stokes parameters (I, Q, U, V)を採りました.この4個のパラメータは、それ ぞれ光の強度、部分偏光度、偏光成分の偏光面のある基 準面からの傾き、及び偏光の楕円率を代表する量です. 回転楕円体のように、それ自体対称面を持つ粒子のラン ダムな集合体に対しては、(I_0, Q_0, U_0, V_0) なる入射 光の散乱は、

(I`)	$(P_{11}(\Theta))$	$P_{12}(\Theta)$	0	0	(I_0)
Q	_ Ēsca	$P_{12}(\Theta)$	$P_{22}(\Theta)$	0	0	Q_0
U	$-4\pi R^2$	0	0	$P_{33}(@)$	$-P_{43}(\Theta)$	$ U_0 $
V	ļ	0	0	$P_{43}(\Theta)$	$P_{44}(\Theta)$	$ \langle V_0 $

のように書き表わされます. 散乱マトリックスは6個の 1981年11月



第6図 ランダム方位した吸収性の回転楕円体粒子 集合体の吸収,散乱及び消散の平均断面積 を,同体積の球粒子の幾何学的断面積で規 格化した値.横軸は同体積球のサイズ・パ ラメータ.複素屈折率 ~=1.33+0.05*i*, 軸比 *a/b*=5 の場合.

独立要素をもつ対称形になります. 球粒子の場合には, 更に $P_{11}=P_{22}$, $P_{33}=P_{44}$ となりますので, 独立要素 は 4 個のみです. 後でも触れますが, $P_{22} < P_{11}$, $P_{33} \Rightarrow P_{44}$ なる性質は非球形粒子の特徴で,いわゆる減偏光 depolarization (又は, cross-polarization) に起因します.

第7図は、サイズ $(2\pi a/\lambda=15)$ が等しく、形が異な る4種の回転楕円体粒子の集合体それぞれに対する散乱 マトリックス要素の角度分布を示したものです。表面積 の等しい球粒子 (これは、射影断面積の平均値と等しい 断面積を持つ球と等価) に対する値を、比較のため破線 で示してあります。 I \sim IV の順で、この等価球のサイズ は大きくなっております。

(1) P₁₁: この要素は, 散乱光強度の散乱角分布を 与 えるもので, 規格化された位相関数 (normalized phase function) と呼ばれております. 非球形粒子の特徴は, 散乱角の大きい領域に見られます. 即ち, 球粒子の特徴 である cloudbow や glory と言った立上りが, 球形か

733



第7図 ランダム方位した回転楕円体粒子の集合体に対する,規格化された散乱マトリックス要素の 角度分布.(a)は規格化位相関数 P_{11} ,(b)は P_{22}/P_{11} ,及び自然光入射に対する一次散 乱の偏光度 $-P_{12}/P_{11}$,(c)は P_{43}/P_{11} ,そして(d)は P_{33}/P_{11} 及び P_{44}/P_{11} を示す. 横軸は散乱角 ⑪(単位・度).表面積が等しい球粒子に対する要素は,Mie 理論により計算 され破線で示されている.4種(I~IV)の回転楕円体粒子は、サイズ($\alpha=2\pi a/\lambda$)が等 しく形が異なる. I→IVの順に等価球のサイズは増している.

らずれるほど弱くなり,分布のパターンがフラットになっております。偏平な粒子の場合の強い前方散乱と弱い 後方散乱が,前に述べた大きな asymmetry factor をも たらしていることが明らかです.

(2) - P₁₂/P₂₂: この量は, 自然光が入射した場合の 散乱光の部分偏光の度合を表わします.太陽からやって

◎天気″28.11.

来る光は、自然光または中性光と呼ばれ偏光しておりま せんが、これが散乱されると散乱光は部分的に偏光する 性質があります.正の値は、散乱光強度を散乱面(入射 光と散乱光の方向を含む面)に垂直な成分と平行な成分 とに分解した場合、垂直成分の方が強いことを意味しま す.球粒子の場合に負である中間の散乱角領域で正にな っており、a/bが大きい程,正の領域が広がっているの が特徴です.

(3) P_{22}/P_{11} : 完全偏光した光の入射に対して,非球 形粒子による散乱光は,一部偏光が失われ,部分偏光に なります. $(1-P_{22}/P_{11})$ は,全散乱光強度に対する, depolarize した部分の割合を与えます. この depolarization によって,ある方向に振動する直線偏光の入射に 対し,散乱光にはそれと同じ偏光成分以外に,それに直 角な振動成分も現われます. そこで,depolarization を, cross-polarization と呼ぶこともあります. 均質な 球に対しては, $P_{22}/P_{11}=1$ で,depolarization は生じま せん. 図に表われているように,depolarization ratio の角度分布のパターン及び値は,散乱粒子の形に非常に 敏感でして,これに関する情報は,散乱粒子の形の識別 に利用出来るのではないかと考えております. 実際,雲 粒や降水粒子の相を識別するのに有効な手段として, lidar や radar 観測で利用されております.

(4) P_{33} 及び P_{44} : 球形粒子の 場合には,両者は一致 します. $|P_{33} - P_{44}|/P_{11}$ の 振舞が, $(1 - P_{22}/P_{11})$ の そ れと同様であることから,この研究で初めて,非球形粒 子の場合 $P_{33} \Rightarrow P_{44}$ となるのは, depolarization に 起因 するものであることが分りました.

以上,全体を眺めてみますと,回転楕円体の場合の散 乱角依存は,大きな散乱角の領域で球粒子のそれと著し く異なっております.興味深いのは,同じ*a/b*比の prolate spheroids と oblate spheroids とでは,類似の散乱 様相を示すことです.同じことが,前に述べた散乱断面 積などの積分散乱量についても言えます.このことか ら,球粒子は散乱の振舞において『平均』ではなく,一 方の極になっていると言えるかと思います.

時間があまりありませんので、最後に回転楕円体に対 する計算と実測との対応を見てみたいと思います。非球 形粒子の散乱マトリックスの全要素を測定した実験は、 数多くありませんが、それ等から抽出される非球形粒子 の散乱の特徴は、回転楕円体粒子に対し得られた性質と 同様です。第8図は、ほぼ球形の(NH4)2SO4 粒子と立 方体形の NaCl 粒子の散乱マトリックスの測定結果を示

したものです (Perry et al., 1978). 測定は、ある粒径 分布をもつ多分散系についてなされており、それと同じ 粒径分布の 球粒子に 対する 計算値と 比較されておりま す. 球に近い (NH4)2SO4 粒子の 場合には、 測定値と Mie 理論による 計算値とは、 かなり 良く合っておりま すが、depolarization を表わす S22/S11 成分は、既に球 からのずれを示しております。NaCl 粒子に対しても, 測定誤差の 範囲内で 散乱マトリックス の off-diagonal 要素 (図中の B, C 部分) がゼロになり, 回転楕円体粒 子の場合と同じような対称形になっております。 偏光 度, depolarization も回転楕円体に対して述べたと同じ 特徴を示しております。 これ等の 特徴は、 球からかな りずれた 不規則な 板状の SiO2 粒子に 対する 測定結果 (Holland and Gagne, 1970) においても見られますが, 詳しくは省略します。第9図は, Sassen と Liou (1979) による小さな板状の氷晶に対する測定結果と、球形及び 円柱形粒子モデルによる計算値とを比較した図に、ラン ダム方位した oblate spheroid に対する計算値を書き加 えたものです. 球形及び円柱形モデルは共に, 氷晶の散 乱様相を適切に表現し得ないことが明らかです。 oblate spheroid モデル では、 散乱角の 大きい領域での一致は 良いのですが、60°より小さい前方での散乱光強度分布 の勾配が急で、偏光度の値も大き過ぎるようです。但 し、この不一致は、oblate spheroid に対する計算が単 分散系に対するものであるのに対し、測定結果は形・サ イズの両面において多分散系に対するものであることを 考慮すれば当然と言えます。

このように,非球形粒子の散乱様相が球粒子のそれと かなり違っていることは,散乱光強度や偏光度の角度分 布測定から,散乱粒子の複素屈折率・粒径分布などを球 粒子仮定により推定する場合,測られている粒子が現実 に非球形ならば,それ等の量を実際の値とかなりへだた ったものとして推定してしまう恐れがあることを示嗟し ております.

回転楕円体は、滑らかな表面をもつ規則的な非球形粒 子ですが、その集合体の散乱特性が、一般の不規則な非 球形粒子の散乱特性を大体において再現し得ることは、 非球形粒子の散乱の研究において、回転楕円体の実用 性と有効性を示すものと言えます.ただ、ここで紹介し ました私の計算は、単一粒子の集合体に対するもので、 かつ、そのサイズも比較的小さいものに限られておりま す.しかし、実際の大気中の散乱粒子は、ある粒径分布 をもつ多分散系を成し、かつ、多様な形を含んでおりま

1981年11月





第8図 (NH₄)₂SO₄ 粒子(上段) 及び NaCl 粒子(下段)の散乱マトリックス要素の測定値. 各要素の横軸は散乱角0°から180°. 第1列要素の縦軸は対数目盛,他の要素の縦軸は-1から +1の直線目盛. 実線は測定値. 破線は類似の粒径分布をもつ球粒子に対する計算値. 図中の記号 S_{ij} は本文中の P_{ij} に対応(R.J. Perry et al., 1978).

▶天気/ 28. 11.

736

大気微粒子一特に非球形粒子一による光散乱特性の研究



第9図 [板状の氷晶 (モード直径 3.5 μ m) の散乱光強度及び偏光度の散乱角分布. P_{11} 及び P_{22} は, それぞれ散乱面に平行及び垂直な直線偏光が入射した場合の,入射光と同じ偏光を保つ散乱光成分の強度を与える. 同じ粒径分布をもつ球粒子(破線)及び円柱形粒子(一点鎖線)に対する計算値と比較されている. 測定値(実線)は. $0=10^{\circ}$ で球粒子に対する計算値と合うように規格化されている. (K. Sassen and K.-N. Liou, 1979). ランダム方位した oblate spheroids(a/b=5, $2\pi a/\lambda=18$, $\tilde{m}=1.31$)に対する計算値が2点鎖線で記入してある.

1981年11月

738

す. 現実の大気微粒子に対する 応用は, 今後の 課題で す. 非球形粒子による光散乱の研究は, ここ数年多くの 分野で活発に行われるようになりましたが, 今のところ 実験・観測及びモデル計算を蓄積しつつある段階です. 複雑多様な散乱現象を解明してゆくには, 多方面から一 歩一歩攻めてゆくしかないようです.故 山本先生より課 せられた宿題をいつ果せるか分りませんが, 今後とも励 んでゆく所存です.

この研究は、東北大学において始められ、一時中断後、NASA/GISS で再開され、現在気象研究所にて続けられている。この間、御指導・御支援下された多くの方々に厚く感謝いたします。

文 献

- 浅野正二,1979:大気微粒子と光一大気光学への誘い,日本気象学会東北支部特別講演会(昭和54年 11月26日),東北技術だより,2.2,20-33.
- Asano, S. and G. Yamamoto, 1975: Light scattering by a spheroidal particle, Appl. Opt., 14, 29-49.
- Asano, S., 1979: Light scattering properties of spheroidal particles, Appl. Opt., 18, 712-723.
- Asano, S. and M. Sato, 1980: Light scattering by randomly oriented spheroidal particles, Appl. Opt., 19, 962-974.

行事名	開催年月日	主催団体等	場所
昭和56年日本気象学会秋 季大会	昭和56年12月1日~3日	日本気象学会	愛知県中小企業センター
月例会「レーダ気象」	昭和56年12月9日		気象庁東京管区気象台会 議室
第4回極域気水圏シンポ ジウム	昭和57年1月20日~21日		国立極地研究所講堂
第2回水資源に関するシ ンポジウム	昭和57年8月3日~5日	空気調和・衛生工学会ほ か	科学技術館(東京)
International conference on the physics, chemis- try, and meteorology of precipitation scavenging, dry deposition, and resu- spension	1982年11月29日~ 12月 3 日	American Meteorological Society et al.	Los Angeles
日本気象学会創立100周 年記念式典	昭和57年 5 月25日	日本気象学会	日本教育会館
昭和57年日本気象学会春 季大会	昭和57年 5月26日~28日	日本気象学会	日本教育会館

気象学会および関連学会行事予定。